## 3地点魚眼画像による特徴点の誤検出除去を用いた

# オーロラの3次元ステレオ計測

竹内 彰<sup>\*1</sup>,藤井 浩光<sup>\*1</sup>,山下 淳<sup>\*1</sup>,田中 正行<sup>\*2</sup>, 片岡 龍峰<sup>\*3</sup>,三好 由純<sup>\*4</sup>,奥富 正敏<sup>\*2</sup>,淺間 一<sup>\*1</sup>

## **3D Stereo Measurement of Aurora Eliminating False Detection**

### of Feature Points by Fish-eye Images from Three Viewpoints

Akira Takeuchi<sup>\*1</sup>, Hiromitsu Fujii<sup>\*1</sup>, Atsushi Yamashita<sup>\*1</sup>, Masayuki Tanaka<sup>\*2</sup>, Ryuho Kataoka<sup>\*3</sup>, Yoshizumi Miyoshi<sup>\*4</sup>, Masatoshi Okutomi<sup>\*2</sup> and Hajime Asama<sup>\*1</sup>

> \*1 Department of Precision Engineering, The University of Tokyo 7-3-1 Hongo, Bunkyo-ku, Tokyo 113-8656, Japan

\*2 Department of Mechanical and Control Engineering, Graduate School of Science and Engineering, Tokyo Institute of Technology

2-12-1 Ookayama, Meguro-ku, Tokyo 152-8550, Japan

\*<sup>3</sup> National Institute of Polar Research

10-3 Midori-cho, Tachikawa-shi, Tokyo 190-8518, Japan<sup>\*4</sup> Solar-Terrestrial Environment Laboratory, Nagoya University

Furo-cho, Chikusa-ku, Nagoya 464-8601, Japan

Three-dimensional analysis of aurora is important for our lives because the apparatuses which are indispensable for our lives such as GPS and artificial satellite are affected by the outbreak of the aurora. Therefore a method to reconstruct a three-dimensional shape of aurora precisely is demanded recently. In this paper, a method to increase accuracy of the threedimensional reconstruction of aurora more than our previous method is proposed by using three fish-eye cameras. The coordinate systems  $\Sigma_1$  and  $\Sigma_2$  which makes two cameras parallelism are used. In  $\Sigma_1$ , camera B is parallel to camera A, and in  $\Sigma_2$  camera C is parallel to camera A. First, the position coordinates of the feature points on the image A in the coordinate system  $\Sigma_1$ are converted into the position coordinates in the coordinate system  $\Sigma_2$ . Second, the position coordinates of the feature points on the image C corresponding to the detected feature points between the image A and image B are calculated by stereo transition. By comparing the converted position and calculated position of the feature points, the false correspondence of the feature points is detected.

Key Words : Three-dimensional measurement, Fish-eye stereo camera, stereo transition

### 1. 序 論

オーロラとは、太陽より放出された太陽風中に含ま れるプラズマ粒子が、地球大気中の原子と衝突するこ とによって生じる発光現象である.オーロラの発生メ カニズムを図1に示す.太陽より地球に吹き付ける太 陽風中のプラズマ粒子は一旦地球の磁力線に沿って蓄 えられ、何らかのきっかけで磁力線に沿って逆流し極 地付近に流入する.そのときオーロラは発生する.規 模の大きなオーロラが発生するとき地球の上空では極



#### Fig. 1 The mechanism of the aurora outbreak

めて大きい電流が流れることが知られており,またそ れはいまや我々の生活に不可欠な通信や GPS に悪影 響を及ぼすこともある<sup>(1)</sup>.そのような不利益を未然に

<sup>\*1</sup> 東京大学工学系研究科精密工学専攻(〒113-8656 東京都文 京区本郷 7-3-1) takeuchi@robot.t.u-tokyo.ac.jp

<sup>\*&</sup>lt;sup>2</sup> 東京工業大学大学院理工学研究科機械制御システム専攻(〒 152-8550東京都目黒区大岡山 2-12-1)

<sup>\*3</sup> 国立極地研究所 (〒 190-8518 東京都立川市緑町 10-3)

<sup>\*4</sup> 名古屋大学太陽地球環境研究所 (〒 464-8601 愛知県名古屋 市千種区不老町)

防ぐためにはオーロラ発生に至るプラズマ粒子の逆流 のきっかけやメカニズムを詳しく知る必要があるが, それは未だ詳しく解明されていない.しかしオーロラ の形状や分布する高度は,太陽由来のプラズマのエネ ルギーに依存しており,逆流メカニズム解明に大きく 関係している.そのため,オーロラの形状を正確に計 測することは前述の問題を解決する上で非常に重要で ある.

オーロラを計測しようとする試みはこれまでにも行 われてきた. Störmer は地上2地点からオーロラを撮影 し手動で対応点を求めることで大まかなオーロラの形 状や高度を推定した<sup>(2)</sup>.また,地上から撮影したオー ロラ画像中のオーロラのエッジに注目しオーロラの計 測を試みた方法も提案されている<sup>(3)</sup>.しかしこれらの 手法では非常に限定された部分の形状や高度しか推定 することができなかった.更に使用したカメラのキャ リブレーションも厳密ではなく正確性に欠けていた. その後,TV カメラやロケットを用いた計測がなされ ているが,撮影可能範囲や時間が限定されるという問 題点があった<sup>(4)(5)</sup>.オーロラは発生時刻や発生場所を 正確に知ることが容易ではないため,TV カメラやロ ケットを用いた手法では継続的な計測や大量のデータ の取得は困難である.

これらの問題に対して,我々は地上に設置された2 台の魚眼カメラによってオーロラの3次元形状を測 定するという研究を行ってきた<sup>(6)(7)(8)</sup>.カメラで定常 的に空を撮影し続けることで恒常的なオーロラ計測 を可能にし, 広視野角を持つ魚眼レンズを用いること で撮影可能範囲が限定的でない計測手法を確立した. Fujii ら<sup>(6)</sup>は,得られた画像対に Scale-Invariant Feature Transgorm (SIFT)<sup>(9)</sup>によるマッチングを用いること で特徴点を検出しオーロラの3次元計測を行うことに 成功した.しかし、この手法では取得される特徴点数 が少なく、更に精度も低かったことから十分な計測が 行えているとは言い難かった. そこで我々は, 画像対 からテンプレートマッチングにより特徴点を検出し, 対応付け、更に時間方向に追跡することで得られる特 徴点数の数を大幅に増加させ, 更に精度も向上させる 手法を提案した<sup>(7)(8)</sup>.しかし、この手法においても特 徴点の誤対応は存在し、その誤対応は手動で発見し除 去するほかないという問題点があった.

そこで、本研究では設置カメラを増加させ、そのカ メラで撮影したオーロラ画像を特徴点誤対応の検出に 使用することで誤対応を発見・除去し精度を更に向上 させる手法を提案する.



Fig. 2 Flow chart of the detection and elimination of the false correspondence of the feature points

2. 提案 手法

本提案手法では、2台のカメラを用いて取得したオー ロラをステレオ計測システムで撮影した画像対(オー ロラ画像対)から検出・対応付けされた特徴点群の中 から、3台目のカメラで取得したオーロラ画像を用い ることで誤って対応付けされた特徴点を検出する.本 研究においては、2台のカメラ画像中から特徴点を検 出・対応付けするために、我々がこれまでに提案して きた手法<sup>(7)(8)</sup>を使用する.3台のカメラ画像を用いて 特徴点の誤対応を除去するまでのフロー図を図2に示 す.画像のリクティファイド座標系への変換、誤対応 の検出手法の詳細について以下で説明する.

2.1 リクティファイド座標系 まず、リクティ ファイド座標系について説明する. リクティファイド 座標系は2台のカメラの画像を平行化するための座標 系であり,3台の各カメラ(カメラA,カメラB,カ メラC)で撮影された画像は入力された後、リクティ ファイド座標系画像に変換される. リクティファイド 座標系と座標系変換について図3に示す.図3中,左 のカメラをカメラ A, 右のカメラをカメラ B とする. 図中の赤いカメラの姿勢が設置されたままのカメラの 姿勢を表し,赤矢印がその姿勢時の光軸を表している. また、青いカメラの姿勢がリクティファイド座標系に 変換された後のカメラの姿勢である.リクティファイ ド座標系の原点をカメラAの光学中心とし,X軸を カメラAの光学中心からカメラBの光学中心へ向か う方向とする.X軸とY軸に垂直で、地表から天頂に 向かう向きにZ軸をとる.そして,Y軸は右手系に従 い, 原点における地表面の設置平面で X 軸に垂直な方



Fig. 3 The conversion to the rectified coordinate system

向と定義する.カメラAとカメラBからなるリクティファイド座標系を $\Sigma_1$ 座標系と呼ぶこととする.そしてカメラAとカメラCからなるリクティファイド座標系を同様に定義し, $\Sigma_2$ 座標系と呼ぶこととする.

また,図3のように, $\Sigma_i$  (*i*=1,2) 座標系においてカ メラ*j*(*j*=A,B,C) 設置時のカメラ座標系からリクティ ファイド座標系へと変換する回転行列を $\mathbf{R}_i^j$ と定義す る.この回転行列に関しては従来研究<sup>(7)(8)</sup>と同様,画 像中の星の位置と星の地図を用いた手法で算出する.

2.2 特徴点の検出・対応付け 本研究では,特徴 点の検出・対応付けを Σ<sub>1</sub> 座標系に変換済みで平行化 されたカメラA画像とカメラB画像で行う. 我々の従 来研究の手法(7)(8)と同様にして特徴点の検出・対応付 けを行う.特徴点の検出・対応付けのフローを図4に 示す.まず,使用する魚眼レンズのモデルに基づいて 画像の歪みを取り除く. その後,背景差分により画像 中のオーロラ領域以外の領域を探索範囲から除外し, 星等の特徴的な点による誤検出を減少させる.次に, 画像対から対応する点を検出する.同時刻の画像間で は回転・拡大・縮小といった変化がないという理由か ら、検出には輝度変化に強い正規化相互相関(Zeromean Normalized Cross-Correlation: ZNCC) によるテ ンプレートマッチングを使用し, 類似する領域を対応 付ける.この領域の中心を特徴点と定義する.対応付 けられた特徴点群を時間方向ヘトラッキングし整合性 をとることにより検出の精度を向上させる.時間方向 へのトラッキングには、テンプレートマッチングに加 え、回転・拡大・縮小に頑堅な特徴を持つ SIFT を併 用する.これにより、カメラA画像とカメラB画像 から特徴点を検出し対応付けを行なう.

2.3 特徴点の誤対応の除去 カメラA画像とカ メラB画像間で対応付けられた特徴点対から誤まって 対応付けられた点を除去する.しかし,検出される特 徴点の数は膨大であり,1つ1つを目視により正誤を 確認することは困難である.そこで,カメラC画像を 用いることにより,自動で特徴点の誤対応を検出する 手法を提案する.特徴点対が正確に対応付けられてい







Fig. 5 The removal technique of the false correspondence of the feature points

るかを判断する手順を図 5 に示す.  $\Sigma_i$  (*i* = 1, 2) 座標 系におけるカメラ *j* (*j* = A, B, C) の画像を  $I_i^j$  と定義す る. 図 5 中における  $\mathbf{m}_1^A$ ,  $\mathbf{m}_1^B$  は  $I_1^A$ ,  $I_1^B$  間で対応付け られている特徴点の座標を表している. この  $\mathbf{m}_1^A$ ,  $\mathbf{m}_1^B$ の対応付けの正誤を判断する手順を以下で詳細に説明 する.

2·3·1 座標変換によるカメラA画像上における特 徴点座標変換  $\Sigma_1 座標系におけるカメラAの画像$  $I_1^A$ 上での特徴点の座標  $\mathbf{m}_1^A$ を,  $\Sigma_2$ 座標系におけるカ メラAの画像  $I_2^A$ 上における座標に変換する. 図5上 の青矢印に相当する処理である.特徴点  $\mathbf{m}_1^A$ から求め る $I_2^A$ 上の特徴点の座標を  $\mathbf{m}_2^A$ とする.

また、 $I_1^A$  画像上の座標  $\mathbf{m}_1^A$  の3次元方向ベクトルを

 $I_{1}^{A}$ ,  $I_{2}^{A}$  画像上の座標  $m_{2}^{A}$  の 3 次元方向ベクトルを $I_{2}^{A}$  と する. 画像上の座標と 3 次元方向ベクトルは使用する 魚眼レンズのモデル式を介して互いに一意に定まる関 係にあるので,  $m_{1}^{A}$  から  $I_{1}^{A}$  を算出することができ,逆 に  $I_{2}^{A}$  から  $m_{2}^{A}$  を算出ことができる. ここで,  $\Sigma_{1}$  座標 系に変換前のカメラ A 座標系において  $I_{1}^{A}$  に対応する 3 次元方向ベクトルを n とすると,以下の式 (1),式 (2) が成り立つ.

$$\mathbf{n} = \mathbf{R}_1^A \mathbf{l}_1^A \tag{1}$$

$$\mathbf{n} = \mathbf{R}_2^A \mathbf{l}_2^A \tag{2}$$

式(1),式(2)から以下の式(3)が成り立つ.

$$\mathbf{l}_2^A = \mathbf{R}_2^{A^{-1}} \mathbf{R}_1^A \mathbf{l}_1^A \tag{3}$$

以上の式により, $I_1^A$  画像上の特徴点の座標  $\mathbf{m}_1^A$  から,  $I_2^A$  画像上における座標  $\mathbf{m}_2^A$  を求めることができる.

**2·3·2** ステレオ画像の遷移によるカメラ C 画像上 における特徴点座標算出 次に、Σ<sub>2</sub> 座標系におけ るカメラ C 画像である, *I*<sup>C</sup> 画像上における特徴点の座 標 **m**<sup>C</sup><sub>2</sub> を算出する. **m**<sup>C</sup><sub>2</sub> の算出のために,カメラ A と カメラ C 間,カメラ B とカメラ C 間の基礎行列 **F**<sub>AC</sub>, **F**<sub>BC</sub> を求め用いる.

基礎行列と各画像上の座標の間には以下の式(4),式(5)で表される関係が成り立つ.

$$\mathbf{m}_1^{A^T} \mathbf{F}_{AC} \mathbf{m}_2^C = 0 \tag{4}$$

$$\mathbf{m}_1^{BT} \mathbf{F}_{BC} \mathbf{m}_2^C = 0 \tag{5}$$

上記の式 (4),式 (5) は、画像  $I_2^C$  上におけるある直 線を表す式になっており、 $\mathbf{m}_1^A$  に対応する  $I_2^C$  上の点は 式 (4) で表される直線上に存在し、 $\mathbf{m}_1^B$  に対応する  $I_2^C$ 上の点は式 (5) で表される直線上に存在することを意 味している.つまり、式 (4)、式 (5) で表される 2 直線 の交点が  $\mathbf{m}_2^C$  となる.これにより、対応づいた特徴点 対の座標  $\mathbf{m}_1^A$ ,  $\mathbf{m}_1^B$  から  $\mathbf{m}_2^C$  を算出することができる.

基礎行列の算出には、 $I_1^A \ge I_2^C$ 間,  $I_1^B \ge I_2^C$ 間におい て正確に対応づいている点を少なくとも8組以上用意 する必要がある.本研究では目視によっても正確に対 応する点を選ぶことが可能であることから、画像間に 共通して撮影されている星を手動にて 30 個程度選び 基礎行列を求めた.





(a) Outward appearance of fish-eye camera system

(b) Inside of fish-eye camera system



(c) The place where three cameras were installed

Fig. 6 Fish-eye camera system and the place where the cameras were installed

2.3.3 誤対応の判断 以上の処理により,  $I_1^A$ ,  $I_1^B$ 間で対応付けられた特徴点に関して,  $I_2^A$  上での座標  $\mathbf{m}_2^A \geq I_2^C$  上の座標  $\mathbf{m}_2^C$  を求めることができた. もし  $I_1^A$ ,  $I_1^B$  上の特徴点が正しく対応付けられているなら ば,  $\mathbf{m}_2^A \geq \mathbf{m}_2^C$  も対応付いているはずである. つまり,  $\mathbf{m}_2^A \geq \mathbf{m}_2^C$  が対応付いていないならば,  $I_1^A$ ,  $I_1^B$  間の特 徴点の対応付けは誤りである. そこで,  $\mathbf{m}_2^A \geq \mathbf{m}_2^C$  が 対応付いているかどうかを調べるために,  $I_2^A$  上におけ る  $\mathbf{m}_2^A$  周辺の領域と  $I_2^C$  上における  $\mathbf{m}_2^C$  周辺の領域の 類似度を評価する. この類似度が小さい場合,  $\mathbf{m}_1^A \geq$  $\mathbf{m}_1^B$  は誤対応と判断し,特徴点群から除去する.

本研究では類似度の評価のために,明るさの変化に 頑健という理由から ZNCC を使用する.

### 3. 実験結果

本研究では3台の魚眼カメラを地上より天頂方向に むけて設置し撮影した画像データを用いる.カメラを アラスカ州フェアバンクスに設置しており,撮影は同 時に10秒間隔で行った.設置したカメラの外観と,設 置した場所を図6に示す.また各カメラにはGPS 情

Table 1 Information of the camera position

Camera	Latitude	Longitude	Height
Camera A	N $65.12^{\circ}$	W 147.43°	489 m
Camera B	N 65.05°	W 147.45°	662 m
Camera C	N 65.01°	W 147.50°	364 m





(a) Input image A

(b) Input image B



(c) Input image C Fig. 7 Input images

報を取得できる機器が取り付けられており位置情報を 取得した. 取得した各カメラの位置情報について表1 に示す.

3.1 2カメラ画像間の特徴点の検出・対応付け 同 時刻に撮影したオーロラ画像を入力とする.入力画像 を図7に示す.これらの入力画像のうち、カメラA画 像,カメラB画像をリクティファイド座標系Σ1に変 換し,カメラA画像,カメラC画像をリクティファ イド座標系 Σ2 に変換した.本研究では,等立体角射 影方式の魚眼レンズを使用したため,等立体角射影方 式の式に基づいて画像から歪みを取り除き, 画角 140 度の範囲のみを使用した.

 $\Sigma_1$ 座標系に変換され、歪みの取り除かれた  $I_1^A$ ,  $I_1^B$ 画像対から特徴点を検出し対応付けた.結果を図8に 示す. 図中にプロットされた点が検出された特徴点を 表している.この画像対から、38,154 個の特徴点が検 出され、対応付けがなされた.

I<sup>A</sup>, I<sup>B</sup> 間で対応付け 3.2 特徴点の誤対応検出 られた 38,154 個の特徴点の中から誤まった対応付けの なされている特徴点対を提案手法を用いて検出した.

誤対応であると判断された特徴点の例を図9,図10 に示す.検出した特徴点のうち、IA 上のある特徴点を IA 上に投影した点を中心に、その周辺領域を切り抜





(a) The feature points in the image A

(b) The feature points in the image B

The result of the detection and correspondence Fig. 8 of the feature points between  $I_1^A$  and  $I_1^B$ 



(a) The position of the feature point on  $I_2^A$ 



(b) The position of the feature point on  $I_2^C$ 

#### Fig. 9 The example of the false correspondence between $I_2^A$ and $I_2^C$





(a) The position of the feature point on  $I_1^A$ 

(b) The position of the feature point on  $I_1^B$ 

Fig. 10 The example of the false correspondence between  $I_1^A$  and  $I_1^B$ 

いた結果が図 9(a) である. また I<sup>A</sup><sub>1</sub>, I<sup>B</sup><sub>1</sub> 上の特徴点か ら基礎行列を用いて算出した I<sub>2</sub> 上の特徴点を中心に, その周辺領域を切り抜いた結果が図 9(b) である.それ ぞれ特徴点が中心にプロットされている.図9(a)と図 9(b)において、プロットされた特徴点周辺のオーロラ テクスチャを見比べると,特徴点がオーロラの同一箇 所にプロットされていないことが目視によっても確認 できる.

図 9(a) と図 9(b) 上に示した特徴点を逆に I<sup>A</sup>, I<sup>B</sup><sub>1</sub> 上 に投影したものを図 10 に示す. I<sup>A</sup>上に投影した特徴 点を中心に周辺領域を切り抜いた結果が図 10(a) であ り、I<sup>B</sup>上に投影した特徴点を中心に周辺領域を切り抜 いた結果が図 10(b) である. それぞれの図の中心には



Fig. 11 Three-dimensional shape of the aurora measured by the proposed method

特徴点がプロットされている.本来この特徴点はテン プレートマッチングによって検出され対応付けられた 点であるため,オーロラの同一箇所にプロットされる べきである.しかし,図 10(a)と図 10(b)を見比べる と,オーロラの異なる箇所に特徴点がプロットされて いることが目視によって確認できる.これは特徴点の 対応付けが誤っていることを意味する.このことから, 本手法によって誤対応の検出が可能であることが確認 できた.

対応付けられた 38,154 個の特徴点から,本提案手 法を用いることで 19,483 個の特徴点を誤対応と判断 し除去した.そして特に正確に対応付けがなされたと 判断される特徴点を 18,671 個抽出した.これによって 精度の良い特徴点を用いることができるため,更に精 度の良いオーロラ 3 次元計測が可能となった.

3.3 3次元可視化 誤対応を除去した特徴点群 の高度を三角測量の原理から算出し、3次元空間中に プロットした特徴点群に対して NURBS 曲面を貼るこ とでオーロラの3次元形状を可視化した.可視化した オーロラを上空から見た結果を図11に示す.

### 4. 結 論

本研究では、特徴点検出に用いる2台のカメラに加 え、更に1台の異なるカメラを用いることで特徴点の 誤対応を検出・除去する手法を提案した.本手法を用 いることで、検出される数が膨大で人力では対応付け の正誤確認が困難であった特徴点対群から誤って対応 付けされている特徴点を自動で抽出することが可能に なった.またそれにより正確に対応付いた特徴点のみ を使用することができるため、より正確なオーロラの 3次元計測が可能となった.

今後の展望としては2点考えられる.1つは, 誤対応 判断の閾値とそれによる精度変化の評価である.今回 の実験では誤対応の検出漏れのないよう閾値を試行錯 誤的に決定したため,今回誤対応と判断され除去され た特徴点のうち,正確に対応付いている特徴点が存在 する可能性がある.そのため適切な閾値の設定により, 抽出される正確な対応点の数の増加が見込める.この ことから,閾値と抽出される特徴点の対応付け精度の 関係を調査する必要があると考えられる.次に本提案 手法の精度の定量的な評価があげられる.本研究は対 象がオーロラという再現不可能な自然現象であるため 計測対象の真値を得ることができず,定量的な精度評 価を行えていない.そのため真値を計測可能なオーロ ラを模した対象を計測することで本提案手法の有効性 を定量的に評価する必要があると考えられる.

### 参考文献

- (1) 上出 洋介, "オーロラ太陽からのメッセージ", (1999), 山 と渓谷社.
- (2) Carl Störmer, "Preliminary Report on the Result of the Aurora Borealis Expedition to Bossekop in the Spring of 1913–Third Communication", *Terrestrial Magnetism and Atmospheric Electricity*, Vol. 20(1915), issue 4, pp. 159–174.
- (3) Neal Boyd Brown, Neil Davis, Thomas Hallinan and Hans Stenbaek-Nielsen, "Altitude of Pulsating Aurora Determined by a New Instrumental Technique", *Geophysical Research Letter*, Vol. 3(1976), No. 7, pp. 403–404.
- (4) Yoshimasa Tanaka, Takahiko Aso, Bjorn Gustavsson, Kunio Tanabe, Yasunobu Ogawa, Akira Kadokura, Hiroshi Miyaoka, Tima Sergienko, Urban Brandstrom and Ingrid Sandahl, "Feasibility study on Generalized-Aurora Computed Tomography", *Annales Geophysicae*, Vol. 29(2011), pp. 551–562.
- (5) William Sharp, "Rocket-Borne Spectroscopic Measurements in the Ultraviolet Aurora: Nitrogen Vegard-Kaplan Bands", *Journal of Geophysical Research*, ISSN 1530– 1834, (1971), pp. 987–1005.
- (6) Hiromitsu Fujii, Takayuki Kubo, Atsushi Yamashita, Akira Takeuchi, Masayuki Tanaka, Ryuho Kataoka, Yoshizumi Miyoshi, Masatoshi Okutomi, and Hajime Asama, "Aurora 3D-Measurement and Visualization Using Fish-Eye Stereo Camera", Proceedings of ACM SIGGRAPH Asia 2014 Posters, (2014), Article No.24.
- (7) 竹内 彰,藤井浩光,山下 淳,田中 正行,片岡 龍峰,三好 由純,奥富 正敏,淺間一,"オーロラの 3 次元計測のた めの形状変化を考慮した特徴点追跡",第 20 回ロボティ クスシンポジア講演予稿集, (2015), pp. 18–24.
- (8) Akira Takeuchi, Hiromitsu Fujii, Atsushi Yamashita, Masayuki Tanaka, Ryuho Kataoka, Yoshizumi Miyoshi, Masatoshi Okutomi and Hajime Asama, "3D Visualization of Aurora from Optional Viewpoint at Optional Time", Proceedings of ACM SIGGRAPH Asia 2015 Posters, (2015), Article No. 9.
- (9) David Lowe, "Distinctive Image Features from Scale-Invariant Keypoints", *International Journal of Computer Vision*, Vol. 60(2004), Issue 2, pp. 91–110.