# 円筒状透明容器中における水中物体のレーザー光による3次元形状計測

3-D Measurement of Objects in a Cylindrical Glass Water Tank

with a Laser Range Finder

# 山下 淳† 林本 悦一<sup>†,‡</sup> 金子 透<sup>†</sup> 川田 善正<sup>†</sup>

Atsushi Yamashita<sup>†</sup>, Etsukazu Hayashimoto<sup>†,‡</sup>, Toru Kaneko<sup>†</sup> and Yoshimasa Kawata<sup>†</sup>

# <sup>†</sup>静岡大学工学部機械工学科 <sup>‡</sup>パルステック工業株式会社

<sup>†</sup> Department of Mechanical Engineering, Shizuoka University

<sup>‡</sup> Pulstec Industrical Co., Ltd

E-mail: yamashita@ieee.org

### Abstract

本研究では、レーザー光を用いて、液体で満たされ た円筒状透明容器中物体の3次元形状計測を行うこと を目的とする.従来の3次元計測では、撮影機器と測 定対象がともに同一の屈折率の環境にあることを前提 としている.しかし、例えば水槽中にある物体を計測 する場合には、光の屈折の影響で像が歪むため正確な 計測ができない.そこで、屈折率を考慮してカメラと レーザーの光線をそれぞれ追跡し、これら2つの光線 の関係を求めることでレーザー光が当たっている場所 の3次元位置を求める方法を構築した.

### 1 序論

非接触で物体の3次元形状を計測することができる 画像センシングは,様々な用途において必要不可欠な 技術となっている.しかし,従来の3次元形状計測手 法のほとんどは,撮影機器と被写体がともに同一の屈 折率の環境にあることを前提としている.従って,例 えば液体で満たされた容器中にある物体の計測をする 場合,光の屈折により像が歪んでしまい正確な3次元 計測ができない.図1に,円筒状容器に立方体形状の 物体を置き,物体の高さの半分まで水を満たした例を 示す.この例で液面の上下で物体の大きさが大きく異 なっているように見えるように,屈折率が変化する場 合には像が歪む.

そこで本研究では,屈折率の異なる環境に対応した 3次元計測手法を構築する.具体的には,液体で満たさ れた円筒状透明容器中物体の3次元形状計測を行うこ とを目的とする.例えば,ホルマリンにつけられた貴 重なサンプルは非接触で計測する必要があるなど,液



図1 光の屈折による画像の歪み

体で満たされた容器内物体の計測は重要である.

屈折率の変化による光の屈折は,カメラが空気中に あり物体が水中にある場合だけでなく,カメラと物体 がともに水中にある場合にも考慮する必要がある.こ れは,防水対策として保護ガラスを付けた水中用カメ ラでも,保護ガラス面とカメラの間は液体で満たされ ていないためである.

従って,屈折率の異なる環境でのセンシングに関し ては,海底形状計測や海中環境計測[1]-[6],あるいは 海中ロボット用センサ[7]-[9]など,海中での計測手法 が数多く提案されている.海中での計測では多くの場 合超音波を用いているが,高精度に計測を行うことは 困難である[1,2].従って,精度向上のためには,画像 を用いて計測を行うことが有効である[6].特に,容器 内の物体計測は,海中と比較して非常に高い精度が要 求されることが多い.

そこで,屈折率の異なる環境を考慮した計測手法が 提案されているが[10],屈折率の境界面が平面の場合の み取り扱っている.しかし,屈折率の境界面である防水 ガラスや水槽は平面であるとは限らず,像の歪みは屈 折率が変化する境界の形状にも大きく依存する.また,



この方法ではステレオカメラを用いているため,物体 表面にテクスチャがない場合には,対応点検出が困難 となり,物体表面のすべての場所での計測ができない.

そこで本研究では,レーザー光を物体に照射して計 測することで対応点検出の問題を解決し,屈折率の異 なる境界の形状を考慮することで,正確な3次元計測 を行う手法を提案する.

物体表面の形状は,方向を上下に変化させることが 可能なレーザースポット光とカメラから構成されるシ ステムによって計測される(図2).液体を満たした容 器を回転台の上に置いて回転させながらレーザー光を 照射することで,3次元形状が取得可能である.

#### 2 計測原理

物体の3次元座標計測は,光線追跡の原理を用いて 行う.カメラとレーザの光線をそれぞれ追跡すると,物 体の表面においてこれら2つの光線が交わる.光線追 跡のモデルを図3に示す.

ここでは,ビーカーの中心軸を y 軸方向と定め,右 手系をなすように x 軸と z 軸をとる.図 3 におい て, $C_0:(x_{c0},y_{c0},z_{c0})^T$ をカメラのレンズ中心, $O:(x_O,y_O,z_O)^T$ を円筒状容器の中心( $y_O$  は中心軸の高さ 方向の変化), $L_0:(x_{l0},y_{l0},z_{l0})^T$ をレーザー光の原点,  $\vec{d}_{l1} = (\alpha_{l1},\beta_{l1},\gamma_{l1})^T$ をレーザー光の単位方向ベクトル とする.これらのパラメータは 3 次元計測を行う前に キャリブレーションで予め求めておくものとする. 2.1 カメラからの光線追跡

本研究では,ピンホールカメラモデルを採用する. 画像面においてレーザー光線が物体に照射されている 場所を表す座標値 $(u,v)^T$ は,以下の式で世界座標系 $(x,y,z)^T$ に変換できる.

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ 0 & 0 & f \end{pmatrix} \begin{pmatrix} u \\ v \\ 1 \end{pmatrix}$$
(1)



図3 計測原理

ここで, f は像距離(レンズ中心と画像面との距離)<sup>1</sup>,  $a_{ij}$  はカメラパラメータである.

カメラからの光線のベクトルは,以下のように表される.

$$\begin{pmatrix} \alpha_{c1} \\ \beta_{c1} \\ \gamma_{c1} \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2 + f^2}} \begin{pmatrix} x \\ y \\ f \end{pmatrix}$$
(2)

カメラからの光線ベクトル  $\vec{d}_{c1}$  と円筒状容器の外壁 の交点を  $C_1: (x_{c1}, y_{c1}, z_{c1})^T$  とすると,  $C_1$  はレンズ中 心と容器の外壁間の距離  $\rho_{c1}$  を用いて表される.

$$\begin{pmatrix} x_{c1} \\ y_{c1} \\ z_{c1} \end{pmatrix} = \rho_{c1} \begin{pmatrix} \alpha_{c1} \\ \beta_{c1} \\ \gamma_{c1} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_{c0} \\ y_{c0} \\ z_{c0} \end{pmatrix}$$
(3)

容器の底辺の半径を $R_0$ ,容器のテーパー角度を $\phi_1$ とすると,点 $C_1$ における容器の外壁の単位法線ベクト ル $\vec{N}_{c1} = (\lambda_{c1}, \mu_{c1}, \nu_{c1})^T$ は以下の通りとなる.

$$\begin{pmatrix} \lambda_{c1} \\ \mu_{c1} \\ \nu_{c1} \end{pmatrix} = m_1 \begin{pmatrix} x_O - x_{c1} \\ y_O - y_{c1} \\ z_O - z_{c1} \end{pmatrix}$$
(4)

ただし,

$$m_1 = \frac{\cos \phi_1}{R_0 - (\rho_{c1}\beta_{c1} + y_{c0})\tan \phi_1}$$
(5)

$$u_{c1} = -\sin\lambda_{c1} \tag{6}$$

ここで, $\vec{N_{c1}}$ は単位ベクトルであるため,以下の式が成立する.

$$\lambda_{c1}^2 + \mu_{c1}^2 + \nu_{c1}^2 = 1 \tag{7}$$

<sup>1</sup>一般的に焦点距離と呼ばれることが多いが,厳密には焦点距離 とは無限遠のものが焦点を結ぶ場合の距離を表す光学用語である. 式 (2)–(7) より,  $\rho_{c1}$  は式 (8) となり, カメラからの 光線が容器の外壁と交わる点  $C_1$ の座標が得られる.

$$\rho_{c1} = \frac{\rho_{c1b} - \sqrt{\rho_{c1b}^2 - \rho_{c1a}\rho_{c1c}}}{\rho_{c1a}} \tag{8}$$

ただし,

$$\rho_{c1a} = \alpha_{c1}^2 - \beta_{c1}^2 \tan^2 \phi_1 + \gamma_{c1}^2 \tag{9}$$

$$\rho_{c1b} = \alpha_{c1}(x_O - x_{c0}) -\beta_{c1} \tan \phi_1 (R_0 - y_{c0} \tan \phi_1) +\gamma_{c1} (z_O - z_{c0})$$
(10)  
$$\rho_{c1c} = (x_O - x_{c0})^2 + (R_0 - y_{c0} \tan \phi_1)^2$$

$$+(z_O - z_{c0})^2 \tag{11}$$

次に,容器の外壁から内壁に至る光線を追跡する. 点 $C_1$ で屈折した光線の単位方向ベクトルを $\vec{d}_{c2} = (\alpha_{c2}, \beta_{c2}, \gamma_{c2})^T$ とする.光の屈折の性質により $\vec{d}_{c2}$ , $\vec{d}_{c1}$ ,  $\vec{N}_{c1}$ は同一平面上にあるため, $\vec{d}_{c2}$ は $\vec{d}_{c1}$ と $\vec{N}_{c1}$ の線形和で表現可能である.

$$\begin{pmatrix} \alpha_{c2} \\ \beta_{c2} \\ \gamma_{c2} \end{pmatrix} = p_{c1} \begin{pmatrix} \alpha_{c1} \\ \beta_{c1} \\ \gamma_{c1} \end{pmatrix} + q_{c1} \begin{pmatrix} \lambda_{c1} \\ \mu_{c1} \\ \nu_{c1} \end{pmatrix}$$
(12)

ただし, $p_{c1}$ と $q_{c1}$ は定数である.

さて, $\theta_{c1}$ を光線の入射角( $\vec{d}_{c1} \ge \vec{N}_{c1}$ のなす角),  $\theta_{c2}$ を屈折角( $\vec{d}_{c2} \ge -\vec{N}_{c1}$ のなす角)とすると, $\vec{d}_{c1} \ge \vec{N}_{c1}$ の内積は以下のように計算できる.

$$\vec{d}_{c1} \cdot \vec{N}_{c1} = \alpha_{c1} \lambda_{c1} + \beta_{c1} \mu_{c1} + \gamma_{c1} \nu_{c1}$$
$$= \cos \theta_{c1}$$
(13)

また ,  $\vec{d}_{c1}$  と  $\vec{N}_{c1}$  の外積を計算すると , 以下のようになる .

$$|\vec{d}_{c1} \times \vec{N}_{c1}|^2 = (\beta_{c1}\nu_{c1} - \gamma_{c1}\mu_{c1})^2 + (\gamma_{c1}\lambda_{c1} - \alpha_{c1}\nu_{c1})^2 + (\alpha_{c1}\mu_{c1} - \beta_{c1}\lambda_{c1})^2 = \sin^2\theta_{c1}$$
(14)

 $\vec{d}_{c2}$  と $-\vec{N}_{c1}$ についても,同様に内積と外積を計算することができる.

$$\cos \theta_{c2} = \alpha_{c2} \lambda_{c1} + \beta_{c2} \mu_{c1} + \gamma_{c2} \nu_{c1} \quad (15)$$
  

$$\sin^2 \theta_{c2} = (\beta_{c2} \nu_{c1} - \gamma_{c2} \mu_{c1})^2 + (\gamma_{c2} \lambda_{c1} - \alpha_{c2} \nu_{c1})^2$$

$$+(\alpha_{c2}\mu_{c1}-\beta_{c2}\lambda_{c1})^2$$
 (16)

更に, 点 *C*<sub>1</sub> において Snell の法則を適用すると, 以下の関係が成立する.

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{\sin \theta_{c2}}{\sin \theta_{c1}} \tag{17}$$

ただし, $n_1 \ge n_2$ は点 $C_1$ における屈折前,屈折後のそれぞれの屈折率である( $n_1$ は空気の屈折率, $n_2$ は容器の屈折率).

式 (12)–(17) から ,  $p_{c1}$  と  $q_{c1}$  は以下のように求められる .

$$p_{c1} = \frac{n_1}{n_2}$$
 (18)

$$q_{c1} = \sqrt{1 - \left(\frac{n_1}{n_2}\right)^2 \sin^2 \theta_{c1} - \frac{n_1}{n_2} \cos \theta_{c1}}$$
(19)

ここで, 点  $C_1$  の座標値を求める手順と同様に, 点  $C_1$ からの光線と容器の内壁との交点  $C_2$  の座標値も求める ことができる.次に, 点  $C_2$  での光の屈折も同様に考え る. 点  $C_2$  での屈折率(容器内に満たされた液体の屈折 率)を $n_3$ とすると, 点  $C_2$  からの光線の方向ベクトル は以下のように計算できる.

$$\begin{pmatrix} \alpha_{c3} \\ \beta_{c3} \\ \gamma_{c3} \end{pmatrix} = p_{c2} \begin{pmatrix} \alpha_{c2} \\ \beta_{c2} \\ \gamma_{c2} \end{pmatrix} + q_{c2} \begin{pmatrix} \lambda_{c2} \\ \mu_{c2} \\ \nu_{c2} \end{pmatrix}$$
(20)

ただし,

$$p_{c2} = \frac{n_2}{n_3} \tag{21}$$

$$q_{c2} = \sqrt{1 - \left(\frac{n_2}{n_3}\right)^2 \sin^2 \theta_{c2} - \frac{n_2}{n_3} \cos \theta_{c2}} \quad (22)$$

カメラから出た光線は最終的に点 $P_c:(x_{pc},y_{pc},z_{pc})^T$ において物体の表面に到達する.

$$\begin{pmatrix} x_{pc} \\ y_{pc} \\ z_{pc} \end{pmatrix} = c \begin{pmatrix} \alpha_{c3} \\ \beta_{c3} \\ \gamma_{c3} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_{c2} \\ y_{c2} \\ z_{c2} \end{pmatrix}$$
(23)

ただし, $(x_{c2}, y_{c2}, z_{c2})^T$ は点 $C_2$ の座標値, $\vec{d}_{c3} = (\alpha_{c3}, \beta_{c3}, \gamma_{c3})^T$ は点 $C_2$ からの光線の単位方向ベクトル,cは定数である.

 $P_c$ の座標値は,cを求めることにより決定することができる.

2.2 レーザーからの光線追跡

レーザーから照射される光線も,カメラの場合と同様に追跡することができる.最終的にレーザー光線が物体の表面に到達する点を $P_l : (x_{pl}, y_{pl}, z_{pl})^T$ とすると,以下のように表現できる.

$$\begin{pmatrix} x_{pl} \\ y_{pl} \\ z_{pl} \end{pmatrix} = l \begin{pmatrix} \alpha_{l3} \\ \beta_{l3} \\ \gamma_{l3} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_{l2} \\ y_{l2} \\ z_{l2} \end{pmatrix}$$
(24)

ただし, $(x_{l2}, y_{l2}, z_{l2})^T$ は点 $L_2$ の座標値, $\vec{d}_{l3} = (\alpha_{l3}, \beta_{l3}, \gamma_{l3})^T$ は点 $L_2$ からの光線ベクトル,lは定数である.

#### 2.3 3次元座標値の算出

そこで本研究では,2つの光線が最も近づく場所にお けるそれぞれの光線上の点の中点を2つの光線の交わ る点,すなわち物体表面であると見なすこととする.

3 計測手順

3.1 計測装置のキャリブレーション

物体の3次元計測を行う前に,カメラパラメータ,レー ザー光線の原点とその方向ベクトル,回転台の中心位 置,回転台上の液体を満たした容器の中心位置をそれ ぞれ求める必要がある.ただし,容器の形状は既知で あるとする.

まず最初に,格子状のパターンを描画した平面を移 動させてカメラで撮影することにより,カメラパラメー タを求める.

次に,レーザー光線の原点  $L_0$  と,レーザー光線の方 向ベクトル  $\vec{d}_{l1}$ を求める.ここでは,レーザー光線の方 向を既知量だけ変化させて格子パターンに照射した画 像を複数枚取得し,それぞれの画像中のレーザー光の 位置関係を考慮することにより,このキャリブレーショ ンを行う.

以上により,カメラ及びレーザーのキャリブレーションが完了し,カメラと任意物体との相対位置関係を計 測可能となる.

次に,形状が既知である物体を回転台の上に配置し, レーザー光を照射し回転させながら画像を取得するこ とにより,回転台の回転中心座標を求める(図4(a)). 既知形状と計測形状の差が最小となるように,回転中 心の座標を探索的に推定する.

最後に,回転中心と容器の中心との位置関係を求める.ここでは,キャリプレーションを行う容器の一部に 非透明な紙を貼り付けておき,その場所にレーザー光 線を照射しながら回転させることにより画像を取得す る(図4(b)).回転中心のキャリプレーションと同様, 容器形状を3次元計測により復元した結果と,実際の 形状との差が最小となるように,探索的に容器の中心



図4 キャリブレーション方法

座標を推定する.

以上により,3次元計測に必要な装置のすべてのパラ メータを求めることができる.

3.2 3次元形状計測

キャリブレーションを行った後,対象物体の3次元 形状計測を行う.まず,レーザー光の方向を一定にし て,容器を上に載せた回転台を回転させながら画像を 取得する.次に,レーザー光の方向を上下方向に既知 量だけ変化させた後,同様の計測を繰り返すことによ り,水中物体の3次元形状を取得する.

3.3 画像中のレーザー光線の抽出

取得した画像中においてレーザー光線が物体に当た る場所は,エピポーラ拘束を用いて特定し,かつ精度 に関してはサブピクセル計測を行う.

エピポーラ拘束により,画像中のレーザー光の位置 は限定される.また,エピポーラ拘束を満たす複数箇所 のレーザー光が検出された場合には,レーザーの原点 から最も距離が大きい場所が対象物体の表面位置であ ることを利用し,画像中のレーザー光位置を特定する.

サブピクセル計測に関しては,レーザー光と判定された複数画素位置の重心(重み付き平均)を求めることで実現する.

#### 4 実験

実験では,水で満たされたガラス製円筒状容器中の 物体計測を行った.容器形状は,内径 38.2mm,外径 39.9mm である.また,空気の屈折率( $n_1$ ),ガラスの 屈折率( $n_2$ ),水の屈折率( $n_3$ )はそれぞれ $n_1 = 1.000$ ,  $n_2 = 1.5000$ , $n_3 = 1.335$  であるとした.画像の解像 度は $640 \times 480$ pixel であり,キャリブレーションの結果, 像距離 f は 1085.0pixel と推定された.

回転台の回転中心位置のキャリブレーションは,断面 形状が44.5mm×45.1mmの直方体を用いて行われた. 図5にキャリブレーション前後の回転中心の位置を示 す.図5において(青色の)点は計測された物体表面 の3次元位置であり(赤色の)線は実際の形状である.





図6 容器の中心位置のキャリブレーション結果

キャリブレーション後の計測点と実際の形状の差は平均 約 0.10mm であった.以上の結果,回転中心の初期推 定値が (0.00,0.00,250.00)<sup>T</sup> であることに対して,キャ リプレーションにより最終推定値 (1.23,0.00,239.24)<sup>T</sup> が求められた.

また,図6に容器の中心位置の推定結果を示す.キャ リプレーションを行うことで,回転中心位置の場合と 同様に,計測点と実際の形状の差は小さくなり,容器 の中心位置は(3.42,0.00,239.74)<sup>T</sup>と求められた.

次に,提案手法の有効性を検証するため,断面形状 が33.5mm×22.5mmの直方体を回転台の上に載せた円 筒状容器に入れて計測を行った.ここでは,回転台は 10deg毎に方向を変化させ,以下に示す様々な条件で計 測を行った.

- 容器内:水なし 屈折率の変化:考慮する 計測距離:239.24mm 計測結果:図7(a)
- 容器内:水あり 屈折率の変化:考慮しない 計測距離:239.24mm 計測結果:図7(b)
- 容器内:水あり
   屈折率の変化:考慮する



図7 実験結果1

表1 最小二乗当てはめ結果

Situation	Standard deviation	Maximum error
1	$0.10\mathrm{mm}$	$0.26\mathrm{mm}$
2	$0.18\mathrm{mm}$	$0.58\mathrm{mm}$
3	$0.14\mathrm{mm}$	$0.31\mathrm{mm}$
4	$0.55\mathrm{mm}$	1.80mm

計測距離: 239.24mm 計測結果: 図 7(c)

 容器内:水あり 屈折率の変化:考慮する 計測距離:500.37mm 計測結果:図7(d)

図7において(青色の)点は計測点の位置(緑色の) 薄い線は計測点に最小二乗当てはめを行った結果(赤 色の)濃い線は実際の物体の断面形状である.

また,それぞれの条件における定量的結果を表1,表 2に示す.

表1は,最小二乗当てはめを行った結果(各辺の線) とレーザーによる計測点との差の標準偏差及び最大誤 差を示している.この結果より,いずれの場合において も計測のばらつきが小さいことが分かる.表2は,レー

~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~			
Situation	Standard deviation	Maximum error	
1	$0.23\mathrm{mm}$	$0.42\mathrm{mm}$	
2	$2.26\mathrm{mm}$	2.93mm	
3	$0.31\mathrm{mm}$	$0.72\mathrm{mm}$	
4	0.73mm	1.21mm	

エムマント ションター ロ



図8 実験結果2

ザーによる計測点と実際の形状との差の標準偏差及び 最大誤差を示している.この結果より,3次元形状計測 が非常に正確に行われていることが分かる.

また,それぞれの条件別に見ると,条件1では光の 屈折が関係ないため,キャリブレーションの有効性が 検証できる.実際に実験結果より,キャリブレーション が正確に行われていることが分かる.また,条件2と 条件3の実験結果を表2において比較すると,光の屈 折を考慮しない場合と比較して考慮した場合は非常に 高精度な計測が可能となっていることが分かる.更に 条件4の結果より,計測距離が変化した場合にも,計 測距離に応じた精度が保証されることが示された.

以上,これらの実験結果により,提案した手法はサ ブピクセルオーダーの計測が可能であることが定量的 に示された.

また,長方形以外の断面形状を有する物体の計測結 果,及びレーザー光の角度を上下に変動させながら複 数の断面形状を3次元的に計測した結果を図8に示す. これらの結果より,物体の形状によらず様々な形状を 計測可能であり,レーザー光の方向を変化させた場合 においても高精度に計測可能であることが示された.

#### 5 結論

本研究では,レーザーレンジファインダを用いて透 明容器中の水中物体の形状計測を行う手法を提案した. 光の屈折と屈折面形状を考慮することにより,取得画 像に歪みがある場合にも対応可能な計測方法を構築し た.また,実験結果より1ピクセル以下の精度で水中 物体形状を計測可能であることが示された.

今後の展望としては,屈折率や容器形状が未知の場合にも,水中物体形状,屈折率,容器形状を同時に計 測可能な手法を構築することが考えられる.また,ス リット光やパターン光を用いることにより,同時に広 範囲を計測することも考えられる.

謝 辞 本研究の一部は, 文部科学省科学研究費基盤 研究 (C)14550416の補助を受けた.

## 参考文献

- Behzad Kamgar-Parsi, Lawrence J. Rosenblum and Edward O. Belcher: "Underwater Imaging with a Moving Acoustic Lens," *IEEE Transactions on Image Processing*, Vol.7, No.1, pp.91–99, 1998.
- [2] Vittorio Murino, Andrea Trucco and Carlo S. Regazzoni: "A Probalilistic Approach to the Coupled Reconstruction and Restortion of Underwater Acoustic Images," *IEEE Transactions* on Pattern Analysis and Machine Intelligence, Vol.20, No.1, pp.9–22, 1998.
- [3] Robert F. Tusting and Daniel L. Davis: "Laser Systems and Structured Illumination for Quantitative Undersea Imaging," Marine Technology Society Journal, Vol.26, No.4, pp.5–12, 1992.
- [4] 重松 文治,守屋 典昭: "水中レーザー・GPS を用い た大水深測深システムの研究開発,"写真測量とリ モートセンシング, Vol.36, No.5, pp.24–34, 1997.
- [5] 小川 洋司: "水中物体の形状計測," 第 36 回計測
   自動制御学会学術講演会講演論文集, pp.629-630, 1997.
- [6] Rongxing Li, Haihao Li, Weihong Zou, Robert G. Smith and Terry A. Curran: "Quantitive Photogrammetric Analysis of Digital Underwater Video Imagery," *IEEE Journal of Oceanic Engineering*, Vol.22, No.2, pp.364–375, 1997.
- [7] Jules S. Jaffe: "Computer Modeling and the Design of Optimal Underwater Imaging Systems," *IEEE Journal of Oceanic Engineering*, Vol.15, No.2, pp.101–111, 1990.
- [8] J. Yuh and M. West: "Underwater Robotics," Advanced Robotics, Vol.15, No.5, pp.609–639, 2001.
- [9] 柳 善鉄、浦 環、藤井 輝夫、近藤 逸人: "人工水中 ランドマークと推測航法を利用した自律型水中ロ ボットの航法、"日本ロボット学会誌、Vol.20, No.3, pp.290-298, 2002.
- [10] 中山 大介, 中野 敦史, 金子 透, 三浦 憲二郎, 久保 高啓: "ステレオ視によるガラス水槽中物体の3次 元計測のための観測パラメータ取得,"電子情報通 信学会論文誌 D-II, Vol.J84-D-II, No.12, pp.2684– 2689, 2001.